

ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΑΚΗ ΑΣΚΗΣΗ 23 (Α και Β)  
ΤΑΛΑΝΤΩΣΕΙΣ:  
ΦΘΙΝΟΥΣΕΣ ΚΑΙ ΕΞΑΝΑΓΚΑΣΜΕΝΕΣ

	<b>Ειδικότητα</b> (ΠΟΛ-ΜΗΧ-ΗΛΓ-ΗΛΝ)	<b>Τμήμα</b> (Α1-Α2-Α3-Α4) (Β1-Β2-Β3-Β4)	
<b>Όνοματεπώνυμο</b>			
<b>Διδάσκων</b>			
<b>Ημ/νία διεξαγωγής πειράματος</b>		<b>Ωρα</b>	
<b>Ημ/νία παράδοσης γραπτής εργασίας</b>			
<b>ΑΞΙΟΛΟΓΗΣΗ</b>	<b>1<sup>η</sup> διόρθωση</b>	<b>Τελικός βαθμός</b>	

**Παρατηρήσεις - Διορθώσεις:**

- Ερωτήσεις προεργασίας
- Πειραματικά δεδομένα
- Χάραξη γραφικής
- Υπολογισμός κλίσης
- Υπολογισμός μεγεθών
- Μονάδες μέτρησης
- Στρογγυλοποίηση τελικών
- Αξιολόγηση αποτελέσματος



## ΕΡΩΤΗΣΕΙΣ ΠΡΟΕΡΓΑΣΙΑΣ (στο σπίτι)

1. Να αναζητήσετε και να δώσετε ένα παράδειγμα φθίνουσας ταλάντωσης (εκτός από το ελατήριο) από κάποιο πραγματικό σύστημα. Ποια είναι η αιτία της απόσβεσης στο παράδειγμά σας;

2. Να υπολογίστε την περίοδο ταλάντωσης ενός ελατηρίου σταθεράς  $k = 5 \text{ N/m}$  όπου στο άκρο του αναρτάται σώμα μάζας  $m = 0,100 \text{ Kg}$ . Να υπολογίστε την ιδιοσυχνότητα του  $f_0$  και την κυκλική συχνότητα  $\omega_0$ , δεδομένου ότι δεν υπάρχει απόσβεση. (Υπόδειξη: χρήση σχέσης 3)
3. Στο παραπάνω σύστημα ελατήριο-μάζα ένας παράγοντας απόσβεσης προστίθεται και προκαλεί την μείωση της συχνότητας  $\omega_0$  κατά 1%. Τι τιμή θα παίρνει τότε ο συντελεστής απόσβεσης  $b$ ; ( Υπόδειξη:  $\omega = 0,99 \cdot \omega_0$ , χρήση σχέσης 6 )
4. Τέλος, στο σύστημα ελατήριο-μάζα ποια τιμή θα έπρεπε να πάρει ο συντελεστής απόσβεσης  $b$  ώστε το ελατήριο μόλις να μην εκτελεί ταλάντωση (κρίσιμη τιμή); Δες σελ.4, θεωρία.

## Α' μέρος: ΦΘΙΝΟΥΣΕΣ ΤΑΛΑΝΤΩΣΕΙΣ

### ΕΡΓΑΣΙΕΣ (στο εργαστήριο)

#### 0<sup>ο</sup> πείραμα: ΣΤΑΘΕΡΑ ΕΛΑΤΗΡΙΟΥ

1. Αρχικά αναγνωρίστε τα μέρη της πειραματικής διάταξης.
2. Ζυγίστε στον ηλεκτρονικό ζυγό την μάζα  $m_{ελ}$  του αριθμημένου ελατηρίου που θα χρησιμοποιήσετε και ακολούθως την μάζα  $m$  της ορειχάλκινης μάζας χωρίς δίσκο (#1). Καταχωρήστε στον Πιν.1.
3. Αναρτήστε το ελατήριο στο άγκιστρο που βρίσκεται στο άνω μέρος της ράβδου.
4. Εντοπίστε στον κατακόρυφο χάρακα την αρχική θέση  $y_0$  του ελεύθερου άκρου του ελατηρίου και τοποθετήστε την μάζα (#1) στο άκρο αυτό, ώστε το ελατήριο να επιμηκυνθεί. Μετρήστε την θέση  $y_1$  του κάτω άκρου του ελατηρίου στη νέα θέση ισορροπίας και σημειώστε στον Πίν. 1.
5. Υπολογίστε την σταθερά του ελατηρίου  $k$ , εφαρμόζοντας το νόμο του Hook.

ελατήριο		Μέτρηση σταθεράς ελατηρίου με τον ν. Hook					
No.	$m_{ελ}(Kgr)$	$m(Kg)$	$F(N)$	$y_0(m)$	$y_1(m)$	$\Delta y(m)$	$k (N/m)$

ΠΙΝΑΚΑΣ 1

#### 1<sup>ο</sup> πείραμα: ΦΘΙΝΟΥΣΕΣ ΤΑΛΑΝΤΩΣΕΙΣ

1. Ζυγίστε στον ηλεκτρονικό ζυγό τις μάζες που σας διατίθενται (#1,2, και 3) και καταχωρήστε τις τιμές στον Πίν. 2.
2. Αρχικά, τοποθετήστε την ορειχάλκινη μάζα χωρίς δίσκο (#1) στο κάτω άκρο του ελατηρίου.
3. Κρατήστε κατακόρυφα τη μάζα 3-4 cm μακριά από τη θέση ισορροπίας του. Αφήστε τη μάζα να ταλαντωθεί ελεύθερα και επιλέξτε START (με το ποντίκι) για να ενεργοποιηθεί ο αισθητήρας. Η ταλάντωση του βαριδίου θα καταγραφεί στην οθόνη του Η/Υ σε διάγραμμα απόστασης-χρόνου (s-t).
4. Μετά από χρόνο περίπου 120 sec, πατήστε STOP για να σταματήσει η καταγραφή.
5. Αφαιρέστε την μάζα από το ελατήριο.
6. Επαναλάβετε τα βήματα 1-4 για καθεμιά από τις μάζες (#2 και #3) που φέρουν δίσκο αυξανόμενης ακτίνας. Να σημειωθεί ότι ο δίσκος #3 έχει τετραπλάσια επιφάνεια από τον δίσκο #2.

## ΕΠΕΞΕΡΓΑΣΙΑ ΜΕΤΡΗΣΕΩΝ

Για την επεξεργασία των μετρήσεων θα χρειαστούν τα δεδομένα που έχουν καταγραφεί στην οθόνη του Η/Υ. Παρατηρήστε στην οθόνη, τη μεταβολή του πλάτους της ταλάντωσης  $A$  σε συνάρτηση με το χρόνο  $t$ , για καθένα από τα σώματα που χρησιμοποιήσατε και απαντήστε σύντομα στα ερωτήματα:

i. Τι είδους κίνηση εκτελείται από κάθε σώμα;

---

---

ii. Τι αλλάζει στην κίνηση των σωμάτων *ίσης* μάζα, καθώς αυξάνεται η επιφάνεια του δίσκου;

---

---

iii. Πώς μεταβάλλεται η περίοδος ταλάντωσης καθώς αυξάνεται η επιφάνεια του δίσκου;

---

---

### 1. Υπολογισμός περιόδου ταλάντωσης

1. Διατηρήσετε στην οθόνη του Η/Υ μόνο το γράφημα  $s-t$  της αρχικής μέτρησης (σώμα #1): πατήστε στην επιλογή DATA και αποεπιλέξτε όλες τις μετρήσεις (RUN #...) εκτός από την πρώτη.

2. Με χρήση του SMART TOOL μετρήστε το χρονικό διάστημα μεταξύ 10 διαδοχικών ταλαντώσεων από το γράφημα απόστασης-χρόνου  $s-t$ , ως εξής: τοποθετήστε τον κέρσορα στην κορυφή της ταλάντωσης που θα *επιλέξετε* ως αρχή και σύρετε το εικονίδιο  $\Delta$  μέχρι την κορυφή που **ολοκληρώνεται** η  $10^{\text{n}}$  ταλάντωση. Θεωρήστε ότι η περίοδος ταλάντωσης διατηρείται σταθερή σε όλο το μετρούμενο χρονικό διάστημα. Καταχωρήστε τις τιμές στον Πιν. 2.

3. Επαναλάβετε το προηγούμενο βήμα για όλες τις υπόλοιπες μετρήσεις  $s-t$ .

4. Υπολογίστε τη μέση τιμή της περιόδου  $T$  ταλάντωσης και της συχνότητας  $f$  κάθε σώματος και καταχωρήστε την στον Πίν. 2.

Αναρτώμενες μάζες	$m$ (gr)	$10T$ (sec)	$T$ (sec)	$f$ (Hz)
#1				
#2				
#3				

ΠΙΝΑΚΑΣ 2

5. Παρατηρείτε συστηματική αλλαγή στην συχνότητα ταλάντωσης  $f$  καθώς η επιφάνεια της ταλαντούμενης μάζας αυξάνει; Είναι αναμενόμενο;

---

---

---

2. Επαλήθευση της εκθετικής μείωσης του πλάτους ταλάντωσης και υπολογισμός του συντελεστή απόσβεσης  $b$

Θα διατηρήσετε στην οθόνη μόνο το γράφημα  $s-t$  του σώματος με τον **μεγαλύτερο** δίσκο (#3). Επιλέξτε το κουμπί DATA και αποεπιλέξτε όλες τις μετρήσεις (RUN #...) εκτός από την τελευταία.

1. Χρησιμοποιώντας το SMART TOOL (σύροντας το εικονίδιο  $\Delta$ ), να μετρήσετε από το διάγραμμα  $s-t$  την απόσταση  $2A$  μεταξύ των δύο ακραίων θέσεων (κορυφή-κοιλία) της 1ης καλά σχηματισμένης περιόδου. Η απόσταση αυτή αντιστοιχεί στο διπλάσιο του πλάτους  $A$ , σε χρονική στιγμή  $t$  που καθορίζεται από την κορυφαία θέση. Καταχωρήστε τους χρόνους ( $t$ ) και τις αποστάσεις ( $2A$ ) στον Πίν.3.

2. Με τον ίδιο τρόπο μετρήστε την απόσταση κορυφής-κοιλίας σε χρόνο  $t$  που αντιστοιχεί σε οκτώ (8) τυχαίες περιόδους (δειγματοληπτικά). Επιλέξτε τους χρόνους έτσι ώστε να καλύπτεται το χρονικό εύρος της μέτρησης. Καταχωρήστε τους χρόνους και τις αποστάσεις ( $2A$ ) στον Πίν.3.

$\alpha/\alpha$	$t$ (sec)	$2A$ (m)	$A$ (m)	$\ln A$
1				
2				
3				
4				
5				
6				
7				
8				

ΠΙΝΑΚΑΣ 3

3. Σχεδιάστε την γραφική παράσταση  $\ln A = f(t)$ .

4. Παίρνει την αναμενόμενη μορφή; Αν είναι γραμμική, τότε να υπολογίσετε την κλίση  $\alpha$ :

$$\alpha =$$

5. Από την κλίση να υπολογίσετε τον συντελεστή απόσβεσης  $b$  (με μονάδες μέτρησης):

$$b =$$

6. Από την τιμή συντελεστή απόσβεσης, υπολογίστε τέλος την σταθερά χρόνου  $\tau$  στο ταλαντευόμενο σύστημα του ελατηρίου με την αναρτημένη μάζα #3:

$$\tau =$$

Τι εκφράζει η τιμή της σταθεράς χρόνου που βρήκατε;

---

---

---

## Β' μέρος: ΕΞΑΝΑΓΚΑΣΜΕΝΕΣ ΤΑΛΑΝΤΩΣΕΙΣ - ΣΥΝΤΟΝΙΣΜΟΣ

### ΕΡΓΑΣΙΕΣ (στο εργαστήριο)

Στο πείραμα αυτό θα χρησιμοποιήσετε το μεγάφωνο ως εξωτερικό διεγέρτη του ελατηρίου. Προσαρμόστε σταθερά το ελατήριο στο άγκιστρο του μεγαφώνου και τοποθετήστε τη μάζα με τον μεγαλύτερο δίσκο (#3) στο άκρο του ελατηρίου.

Η ιδιοσυχνότητα  $f_0$ , δηλαδή η συχνότητα ελεύθερης ταλάντωσης του συστήματος ελατηρίου-μάζας έχει προσδιοριστεί στο προηγούμενο πείραμα:

$$f_0 =$$

1. Ρυθμίστε την γεννήτρια συναρτήσεων σε συχνότητα ίση με την ιδιοσυχνότητα  $f_0$  και ακολούθως το πλάτος του σήματος ώστε να ενεργοποιηθεί ο διεγέρτης (μεγάφωνο). Παρατηρήστε ότι το σύστημα ελατήριο-μάζα αρχίζει να ταλαντώνεται.

2. Η καταγραφή της κίνησης θα γίνει από τον αισθητήρα θέσης πατώντας με το ποντίκι την επιλογή START. Η διάρκεια της παρατήρησης και καταγραφής να είναι περίπου **120 sec**. Στην οθόνη θα καταγραφεί, σε πραγματικό χρόνο, η απόσταση  $y$  του ταλαντούμενου σώματος από τον αισθητήρα θέσης, συναρτήσει του χρόνου  $t$ , δηλαδή η συνάρτηση  $y(t)$ .

3. Μετά από κάποιο χρονικό διάστημα, η ταλάντωση θα αποκτήσει μεγάλο πλάτος που με την πάροδο του χρόνου θα σταθεροποιηθεί. Πώς ονομάζεται το φαινόμενο όπου έχουμε *μεγιστοποίηση* του πλάτους ταλάντωσης του ελατηρίου;

.....

4. Να επαναλάβετε την διαδικασία στη «γειτονιά» της  $f_0$  για άλλες οκτώ συχνότητες, σαρώνοντας με βήμα 0.02 Hz από  $f_0 - 0.08$  Hz έως  $f_0 + 0.08$  Hz.

5. Τέλος, να διεγείρετε τον ταλαντωτή σε απομακρυσμένη συχνότητα  $f$ , έστω  $5f_0$ . Παρατηρήστε την κίνηση και σημειώστε στον Πιν.4, σχετικά με την **συμπεριφορά** του ταλαντούμενου συστήματος σε κάθε συχνότητα, ώσπου αυτό αποκτήσει **σταθερό** πλάτος.

6. Για κάθε μια από τις μετρήσεις  $y(t)$  να προσδιορίσετε το πλάτος  $A$  από την απόσταση  $2A$  (κορυφής-κοιλίας), εφόσον η ταλάντωση διατηρείται πλέον σε σταθερό πλάτος.

	$f$ (Hz)	$2A$ (m)	$A$ (m)	Παρατηρήσεις
$f_0-0.08$				
$f_0-0.06$				
$f_0-0.04$				
$f_0-0.02$				
$f_0$				
$f_0+0.02$				
$f_0+0.04$				
$f_0+0.06$				
$f_0+0.08$				
$5f_0$				

ΠΙΝΑΚΑΣ 4

## ΕΠΕΞΕΡΓΑΣΙΑ ΜΕΤΡΗΣΕΩΝ

1. Από τις τιμές του Πιν.4 σχεδιάστε την μεταβολή του πλάτους ταλάντωσης σε συνάρτηση με τη συχνότητα, δηλαδή την γραφική παράσταση  $A(f)$ . Βαθμονομήστε κατάλληλα τους άξονες στον διαγραμματισμένο χώρο που σας δίνεται παρακάτω. Μην λάβετε υπόψη την  $5f_0$ .

2. Είναι αναμενόμενη η μορφή της  $A(f)$ ;

---

---

---

3. Τέλος, στο ίδιο γράφημα σχεδιάστε ποιοτικά (δηλ. χωρίς ακριβείς τιμές), πώς θα ήταν η μορφή της  $A(f)$  για ένα σύστημα που έχει:

- (i) μικρότερη απόσβεση  $b_1 < b$
- (ii) μεγαλύτερη απόσβεση  $b_2 > b$

